

УДК 681.32

**В. М. Кичак**, д. т. н., проф.;  
**О. О. Войцеховська**, асп.

## ФАЗІ-НЕЙРОНИ З ЧАСТОТНО-ІМПУЛЬСНИМ ПРЕДСТАВЛЕННЯМ ІНФОРМАЦІЇ

*Представлено структурні схеми фазі-нейронів «і», «АБО» для гібридних нейронних мереж. Складовими частинами схем є балансні модулятори, фільтри верхніх та нижніх частот, розподільники та суматори потужності. У фазі-нейроні «і» та у фазі-нейроні «АБО» здійснюється об'єднання вхідних сигналів. Всі інформаційні сигнали є частотно-імпульсними.*

Використання штучних нейронних мереж дає змогу створювати на їх базі системи, які не програмуються, а навчаються. В цьому випадку можна вибирати оптимальний навчальний алгоритм, але неможливо наперед визначити базу правил. Застосування фазі-логіки в штучних нейронних мережах дає змогу обробляти дані, які є лінгвістичними величинами, при цьому база правил є відомою. Об'єднання двох цілком різних підходів дозволяє поєднати переваги та усунути недоліки кожного з них, створивши таким чином гібридну нейронну мережу.

Складовими частинами гібридної нейронної мережі є фазі-нейрони. Використання для передачі та обробки сигналів у фазі-нейронах не амплітудно-імпульсної, а частотно-імпульсної модуляції дозволяє підвищити завадостійкість і швидкодію мережі.

Саме тому метою даної статті є побудова структурних схем фазі-нейронів з частотно-імпульсним представленням інформації для підвищення ефективності їх проектування.

У роботах [1—3] описані основні принципи побудови і функціонування нейронів та нейронних мереж.

У гібридній нейронній мережі всі вхідні й вихідні сигнали та ваги є числами з інтервалу  $[0, 1]$ . Для об'єднання вхідних даних цих мереж використовуються операції  $T$ -норм і  $T$ -конорм. Функція  $T$ -норм задовольняє вимоги монотонності, комутативності і асоціативності:

$$T(a, b) \leq T(c, d), \text{ якщо } a \leq c \text{ та } b \leq d;$$

$$T(a, b) = T(b, a); \quad T(a, T(b, c)) = T(T(a, b), c)$$

та має такі властивості:

$$T(0, 0) = 0; \quad T(a, 1) = T(1, a) = a.$$

Функція  $S$ -норм (або  $T$ -конорм) задовольняє вимоги монотонності, комутативності і асоціативності:

$$S(a, b) \leq S(c, d), \text{ якщо } a \leq c \text{ та } b \leq d;$$

$$S(a, b) = S(b, a); \quad S(a, S(b, c)) = S(S(a, b), c).$$

та має такі властивості:

$$S(1, 1) = 1; \quad S(a, 0) = S(0, a) = a.$$

Основним елементом гібридної нейронної мережі є фазі-нейрон (рис. 1).

У фазі-нейроні застосовуються такі сигнали:  $x_1, x_2$  — вхідні дані;  $y_1, y_2$  — ваги;  $z$  — вихідна інформація.

У фазі-нейроні «І» сигнал  $x_i$  і вага  $y_i$  об'єднуються трикутним конормом  $S$ , утворюючи сигнал

$$q_i = S(x_i, y_i), \quad i = 1, 2.$$

Вхідна інформація  $q_i$  об'єднується трикутним нормом  $T$ , утворюючи вихідний сигнал

$$z = AND(q_1, q_2) = T(q_1, q_2) = T[S(x_1, y_1), S(x_2, y_2)].$$

Якщо  $T = \min$ ,  $S = \max$ , тоді

$$z = \min[\max(x_1, y_1), \max(x_2, y_2)].$$

Таким чином, фазі-нейрон «І» виконує min—max об'єднання вхідних сигналів.

Структурна схема частотно-імпульсного фазі-нейрона «І» зображена на рис. 2. Фазі-нейрон працює таким чином: вхідний сигнал  $x_1$  подається на балансний модулятор  $F1$ , на другий вхід якого через розподільник потужності  $T1$  подається сигнал з частотою  $\omega_\beta$ , причому  $\omega_\beta > \omega_1$ , де  $\omega_1$  — частота, яка відповідає логічній одиниці. На виході балансного модулятора  $F1$  отримуємо сигнал з частотами  $(\omega_\beta + \omega_{x1})$  і  $(\omega_\beta - \omega_{x1})$ . Сигнал ваги  $y_1$  подається на балансний модулятор  $F2$ , на другий вхід якого подається сигнал з частотою  $\omega_\beta$ . На виході балансного модулятора  $F2$  отримуємо сигнал з частотами  $(\omega_\beta + \omega_{y1})$  і  $(\omega_\beta - \omega_{y1})$ . Сигнали з виходів балансних модуляторів подаються на суматор потужності  $A1$ , а з нього — на вхід фільтра верхніх частот  $\Phi_B 1$ . На виході фільтра верхніх частот буде або сигнал з частотою  $(\omega_\beta + \omega_{x1}) = (\omega_\beta + \omega_{\max 1})$ , якщо  $\omega_{x1} \geq \omega_{y1}$ , або сигнал з частотою  $(\omega_\beta + \omega_{y1}) = (\omega_\beta + \omega_{\max 1})$ , якщо  $\omega_{x1} < \omega_{y1}$ . Сигнал з виходу фільтра верхніх частот подається на балансний модулятор  $F3$ , на другий вхід якого подається сигнал з частотою  $\omega_\beta$ . Сигнал з виходу балансного модулятора з частотами  $[\omega_\beta + (\omega_\beta + \omega_{\max 1})]$ ,  $[\omega_\beta - (\omega_\beta + \omega_{\max 1})]$  подається на фільтр нижніх частот  $\Phi_H 1$ , на виході якого отримуємо сигнал з частотою  $\omega_{\max 1}$ .

Вхідний сигнал  $x_2$  подається на балансний модулятор  $F4$ , на другий вхід якого через розподіл-

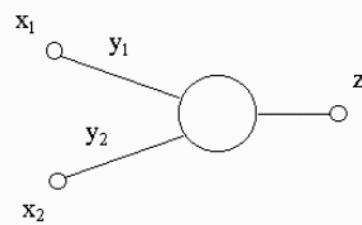


Рис. 1. Штучний фазі-нейрон

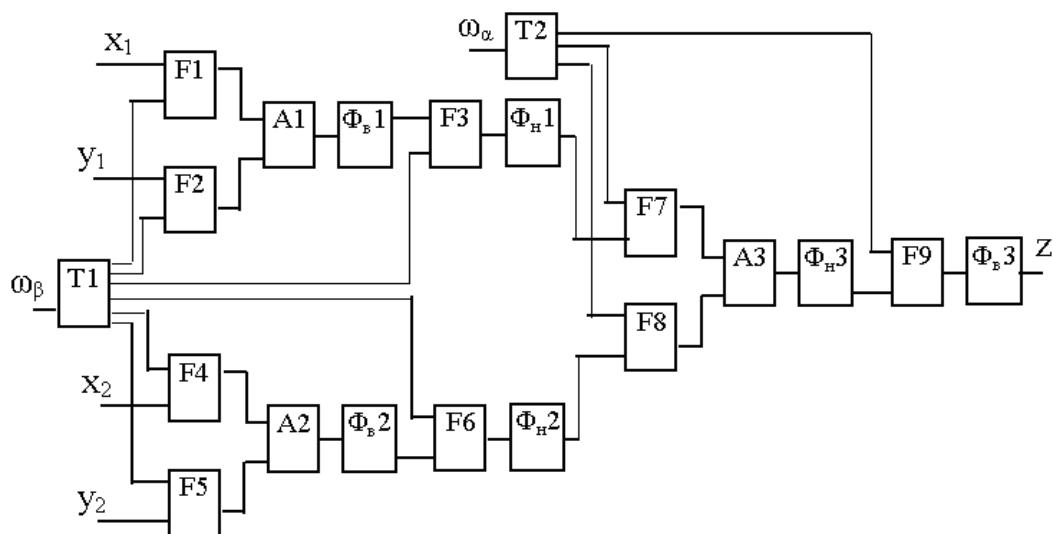


Рис. 2. Структурна схема фазі-нейрона «І»

льник потужності  $T1$  подається сигнал з частотою  $\omega_\beta$ . На виході балансного модулятора  $F4$  отримуємо сигнал з частотами  $(\omega_\beta + \omega_{x2})$  і  $(\omega_\beta - \omega_{x2})$ . Сигнал ваги  $y_2$  подається на балансний модулятор  $F5$ , на другий вхід якого подається сигнал з частотою  $\omega_\beta$ . На виході балансного мо-

дулятора  $F5$  отримуємо сигнал з частотами  $(\omega_\beta + \omega_{y2})$  і  $(\omega_\beta - \omega_{y2})$ . Сигнали з виходів балансних модуляторів подаються на суматор потужності  $A2$ , а з нього — на вхід фільтра верхніх частот  $\Phi_B 2$ . На виході фільтра верхніх частот буде або сигнал з частотою  $(\omega_\beta + \omega_{x2}) = (\omega_\beta + \omega_{\max 2})$ , якщо  $\omega_{x2} \geq \omega_{y2}$ , або сигнал з частотою  $(\omega_\beta + \omega_{y2}) = (\omega_\beta + \omega_{\max 2})$ , якщо  $\omega_{x1} < \omega_{y1}$ . Сигнал з виходу фільтра верхніх частот подається на балансний модулятор  $F6$ , на другий вхід якого подається сигнал з частотою  $\omega_\beta$ . Сигнал з виходу балансного модулятора з частотами  $[\omega_\beta + (\omega_\beta + \omega_{\max 2})], (\omega_\beta - (\omega_\beta + \omega_{\max 2}))$  подається на фільтр нижніх частот  $\Phi_H 2$ , на виході якого отримуємо сигнал з частотою  $\omega_{\max 2}$ .

Сигнал з частотою  $\omega_{\max 1}$  з виходу фільтра нижніх частот  $\Phi_H 1$  подається на балансний модулятор  $F7$ , на другий вхід якого через розподільник потужності  $T2$  подається сигнал з частотою  $\omega_\alpha$ , причому  $\omega_\alpha < \omega_0$ , де  $\omega_0$  — частота, яка відповідає логічному нулю. На виході балансного модулятора  $F7$  отримуємо сигнал з частотами  $(\omega_{\max 1} + \omega_\alpha)$  і  $(\omega_{\max 1} - \omega_\alpha)$ . Сигнал з частотою  $\omega_{\max 2}$  з виходу фільтра нижніх частот  $\Phi_H 2$  подається на балансний модулятор  $F8$ , на другий вхід якого подається сигнал з частотою  $\omega_\alpha$ . На виході балансного модулятора  $F8$  отримуємо сигнал з частотами  $(\omega_{\max 2} + \omega_\alpha)$  і  $(\omega_{\max 2} - \omega_\alpha)$ . Сигнали з виходів балансних модуляторів подаються на суматор потужності  $A3$ , а з нього — на вхід фільтра нижніх частот  $\Phi_H 3$ . На виході фільтра нижніх частот буде або сигнал з частотою  $(\omega_{\max 1} - \omega_\alpha) = (\omega_{\min} - \omega_\alpha)$ , якщо  $\omega_{\max 1} \leq \omega_{\max 2}$ , або сигнал з частотою  $(\omega_{\max 2} - \omega_\alpha) = (\omega_{\min} - \omega_\alpha)$ , якщо  $\omega_{\max 1} > \omega_{\max 2}$ . Сигнал з виходу фільтра нижніх частот подається на балансний модулятор  $F9$ , на другий вхід якого подається сигнал з частотою  $\omega_\alpha$ . Сигнал з виходу балансного модулятора з частотами  $[(\omega_{\min} - \omega_\alpha) + \omega_\alpha], [(\omega_{\min} - \omega_\alpha) - \omega_\alpha]$  подається на фільтр верхніх частот  $\Phi_B 3$ , на виході якого отримуємо сигнал з частотою  $\omega_{\min}$ .

У фазі-нейроні «АБО» сигнал  $x_i$  і вага  $y_i$  об'єднуються трикутним нормом  $T$ , утворюючи сигнал

$$q_i = T(x_i, y_i).$$

Вхідна інформація  $q_i$  об'єднується трикутним конормом  $S$ , утворюючи вихідний сигнал

$$z = OR(q_1, q_2) = S(q_1, q_2) = S(T(x_1, y_1), T(x_2, y_2)).$$

Таким чином, якщо  $T = \min$  і  $S = \max$ , то

$$z = \max [\min(x_1, y_1), \min(x_2, y_2)].$$

Фазі-нейрон «АБО» виконує  $\max - \min$  об'єднання вхідних сигналів.

Структурна схема частотно-імпульсного фазі-нейрона «АБО» зображена на рис. 3. Фазі-нейрон працює таким чином: вхідний сигнал  $x_1$  подається на балансний модулятор  $F1$ , на другий вхід якого через розподільник потужності  $T1$  подається сигнал з частотою  $\omega_\alpha$ , причому  $\omega_\alpha < \omega_0$ , де  $\omega_0$  — частота, яка відповідає логічному нулю. На виході балансного модулятора  $F1$  отримуємо сигнал з частотами  $(\omega_{x1} + \omega_\alpha)$  і  $(\omega_{x1} - \omega_\alpha)$ . Сигнал ваги  $y_1$  подається на балансний модулятор  $F2$ , на другий вхід якого подається сигнал з частотою  $\omega_\alpha$ . На виході балансного модулятора  $F2$  отримуємо сигнал з частотами  $(\omega_{y1} + \omega_\alpha)$  і  $(\omega_{y1} - \omega_\alpha)$ . Сигнали з виходів балансних модуляторів подаються на суматор потужності  $A1$ , а з нього — на вхід фільтра нижніх частот  $\Phi_H 1$ . На виході фільтра нижніх частот буде або сигнал з частотою  $(\omega_{x1} - \omega_\alpha) = (\omega_{\min 1} - \omega_\alpha)$ , якщо  $\omega_{x1} \leq \omega_{y1}$ ,

або сигнал з частотою  $(\omega_{y1} - \omega_\alpha) = (\omega_{\min 1} - \omega_\alpha)$ , якщо  $\omega_{x1} > \omega_{y1}$ . Сигнал з виходу фільтра нижніх частот подається на балансний модулятор  $F3$ , на другий вхід якого подається сигнал з частотою  $\omega_\alpha$ . Сигнал з виходу балансного модулятора з частотами  $[(\omega_{\min 1} - \omega_\alpha) - \omega_\alpha]$  і  $[(\omega_{\min 1} - \omega_\alpha) + \omega_\alpha]$  подається на фільтр верхніх частот  $\Phi_B 1$ , на виході якого отримуємо сигнал з частотою  $\omega_{\min 1}$ .

Вхідний сигнал  $x_2$  подається на балансний модулятор  $F4$ , на другий вхід якого через розподільник потужності  $T1$  подається сигнал з частотою  $\omega_\alpha$ . На виході балансного модулятора  $F4$  отримуємо сигнал з частотами  $(\omega_{x2} + \omega_\alpha)$  і  $(\omega_{x2} - \omega_\alpha)$ . Сигнал ваги  $y_2$  подається на балансний модулятор  $F5$ , на другий вхід якого подається сигнал з частотою  $\omega_\alpha$ . На виході балансного мо-

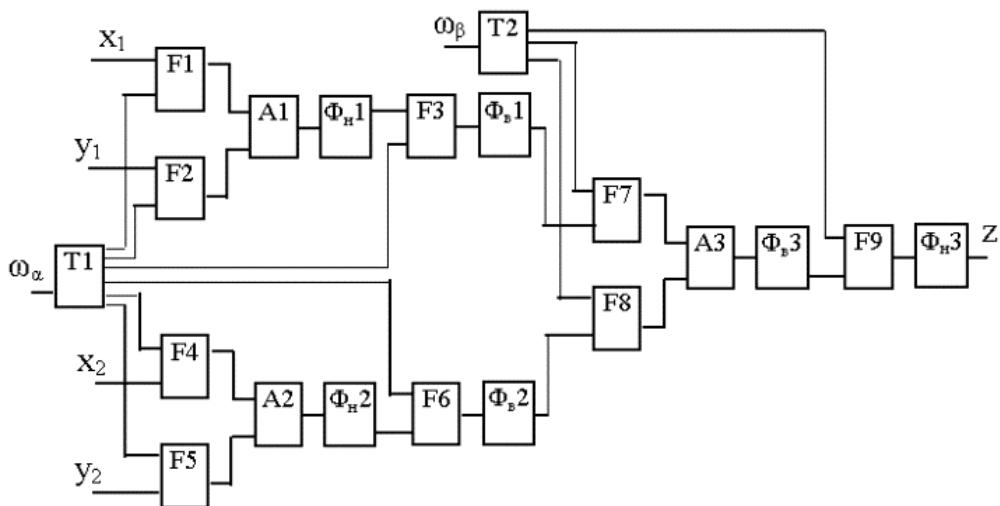


Рис. 3. Структурна схема фазі-нейрона «АБО»

дулятора  $F5$  отримуємо сигнал з частотами  $(\omega_{y2} + \omega_\alpha)$  і  $(\omega_{y2} - \omega_\alpha)$ . Сигнали з виходів балансних модуляторів подаються на суматор потужності  $A2$ , а з нього — на вхід фільтра нижніх частот  $\Phi_H 2$ . На виході фільтра нижніх частот буде або сигнал з частотою  $(\omega_{x2} - \omega_\alpha) = (\omega_{\min 2} - \omega_\alpha)$ , якщо  $\omega_{x2} \leq \omega_{y2}$ , або сигнал з частотою  $(\omega_{y2} - \omega_\alpha) = (\omega_{\min 2} - \omega_\alpha)$ , якщо  $\omega_{x2} > \omega_{y2}$ . Сигнал з виходу фільтра нижніх частот подається на балансний модулятор  $F6$ , на другий вхід якого подається сигнал з частотою  $\omega_\alpha$ . Сигнал з виходу балансного модулятора з частотами  $[(\omega_{\min 2} - \omega_\alpha) - \omega_\alpha]$  і  $[(\omega_{\min 2} - \omega_\alpha) + \omega_\alpha]$  подається на фільтр верхніх частот  $\Phi_B 2$ , на виході якого отримуємо сигнал з частотою  $\omega_{\min 2}$ .

Сигнал з частотою  $\omega_{\min 1}$  з виходу фільтра верхніх частот  $\Phi_B 1$  подається на балансний модулятор  $F7$ , на другий вхід якого через розподільник потужності  $T2$  подається сигнал з частотою  $\omega_\beta$ , причому  $\omega_\beta > \omega_1$ , де  $\omega_1$  — частота, яка відповідає логічній одиниці. На виході балансного модулятора  $F7$  отримуємо сигнал з частотами  $(\omega_\beta + \omega_{\min 1})$  і  $(\omega_\beta - \omega_{\min 1})$ . Сигнал з частотою  $\omega_{\min 2}$  з виходу фільтра верхніх частот  $\Phi_B 2$  подається на балансний модулятор  $F8$ , на другий вхід якого подається сигнал з частотою  $\omega_\beta$ . На виході балансного модулятора  $F8$  отримуємо сигнал з частотами  $(\omega_\beta + \omega_{\min 2})$  і  $(\omega_\beta - \omega_{\min 2})$ . Сигнали з виходів балансних модуляторів подаються на суматор потужності  $A3$ , а з нього — на вхід фільтра верхніх частот  $\Phi_B 3$ . На виході

фільтра верхніх частот буде або сигнал з частотою  $(\omega_\beta + \omega_{\min 1}) = (\omega_\beta + \omega_{\max})$ , якщо  $\omega_{\min 1} \geq \omega_{\min 2}$ , або сигнал з частотою  $(\omega_\beta + \omega_{\min 2}) = (\omega_\beta + \omega_{\max})$ , якщо  $\omega_{\min 1} < \omega_{\min 2}$ . Сигнал з виходу фільтра верхніх частот подається на балансний модулятор  $F9$ , на другий вхід якого по-дається сигнал з частотою  $\omega_\beta$ . Сигнал з виходу балансного модулятора з частотами  $[(\omega_\beta + \omega_{\max}) + \omega_\beta]$ ,  $[(\omega_\beta + \omega_{\max}) - \omega_\beta]$  подається на фільтр нижніх частот  $\Phi_H 3$ , на виході яко-го отримуємо сигнал з частотою  $\omega_{\max}$ .

### Висновки

У фазі-нейронах для об'єднання вхідних сигналів та ваг синапсів застосовуються операції ви-значення мінімального (нейрон «АБО») чи максимального (нейрон «І») значень. Для об'єднання вхідної інформації також застосовуються операції визначення мінімального (нейрон «І») чи мак-симального (нейрон «АБО») значень. Використання при передачі та обробці сигналів у фазі-нейронах не амплітудно-імпульсної, а частотно-імпульсної модуляції дозволяє підвищити завадо-стійкість і швидкодію мережі. Запропоновані структурні схеми фазі-нейронів «І», «АБО», складо-вими частинами яких є балансні модулятори, фільтри верхніх та нижніх частот, розподільники та суматори потужності, можуть знайти своє застосування у гібридних нейронних мережах.

### СПИСОК ЛІТЕРАТУРИ

1. Архангельский В. И., Богаенко И. Н., Грабовский Г. Г., Рюмин Н. А. Системы функци-управления. — К.: Техника, 1997. — 208 с.
2. Митюшкин Ю. И., Мокин Б. И., Ротштейн А. П. Soft Computing: идентификация закономерностей нечёткими ба-зами знаний. Монография. — Винница: Універсум—Вінниця, 2002. — 145 с.
3. Wilamowski B. M. Neuro-fuzzy Systems and Their Applications // 24th IEEE International Industrial Electronics Confer-ence (IECON'98). — 1998. — Vol. 1. — P. 35—49.

Рекомендована кафедрою телекомуникаційних систем і телебачення

Надійшла до редакції 21.12.04  
Рекомендована до друку 26.01.05

**Кичак Василь Мартинович** — завідувач кафедри; **Войцеховська Олена Олександрівна** — аспірантка.  
Кафедра телекомуникаційних систем і телебачення, Вінницький національний технічний університет