

# РАДІОЕЛЕКТРОНІКА ТА РАДІОЕЛЕКТРОННЕ АПАРАТОБУДУВАННЯ

УДК 621.317.612

М. А Філинюк, д. т. н., проф.;  
К. В. Огородник, асп.

## ОЦІНКА МЕТОДИЧНИХ ПОХИБОК ВИМІРЮВАННЯ S- ПАРАМЕТРІВ ЧОТИРИПОЛЮСНИКА

Запропоновано новий спосіб вимірювання нестандартної системи S-параметрів чотириполюсника, наведено результати експериментальної перевірки запропонованого способу та результати оцінки методичних похибок вимірювання кожного з S-параметрів. Запропонований спосіб має меншу трудомісткість в порівнянні з класичними методами та може використовуватись у всьому діапазоні НВЧ.

### Постановка задачі

Для розрахунку багатьох електронних схем, а зокрема, і для опису чотириполюсників отримала широке застосування система S-параметрів (параметрів матриці розсіювання) [1]. Основною перевагою цих параметрів є те, що кожний з них має зрозумілий фізичний зміст. Основним недоліком — складність вимірювання з необхідною точністю. З переходом у діапазон НВЧ похибка вимірювання цих параметрів зростає.

Похибка наявних методів вимірювання системи S-параметрів [1, 2] складає понад 20 % і пов'язана з необхідністю двостороннього узгодження кінцевих навантажень, наявністю у вимірювальному тракті коаксіально-смугових переходів і інших неоднорідностей, що призводить до істотних помилок, і, як наслідок, до хибного розрахунку параметрів електронних схем.

Зважаючи на сказане, в роботі [3] запропоновано спосіб вимірювання системи нестандартних S-параметрів чотириполюсника, що відрізняється від відомих своєю простотою. Розрахунки з використанням нестандартних S-параметрів є більш точними, оскільки вихідна інформація добувається безпосередньо з вимірювань значень коефіцієнтів відбиття, що виконуються з високою точністю.

Теоретичне обґрунтування способу таке. На першому етапі вирішується задача визначення трьох S-параметрів нестандартної системи:  $S_{11}$ ,  $S_{22}$  і  $S_{12}S_{21}$ . З огляду на те, що ці параметри в загальному випадку комплексні величини, для їх визначення необхідна система із шести незалежних рівнянь. Даній вимозі відповідає система [1]

$$\begin{cases} \Gamma_{\text{вх1}} = S_{11} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_{\text{h1}}}{1 - S_{22}\Gamma_{\text{h1}}}; \\ \Gamma_{\text{вх2}} = S_{11} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_{\text{h2}}}{1 - S_{22}\Gamma_{\text{h2}}}; \\ \Gamma_{\text{вих1}} = S_{22} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_{\text{г1}}}{1 - S_{11}\Gamma_{\text{г1}}}, \end{cases} \quad (1)$$

де  $\Gamma_{\text{h1}}$ ,  $\Gamma_{\text{h2}}$ ,  $\Gamma_{\text{г1}}$  — комплексні коефіцієнти відбиття фіксованих значень навантажень  $Z_{\text{h1}}$ ,  $Z_{\text{h2}}$  і генератора  $Z_{\text{г1}}$ ;  $\Gamma_{\text{вх1}}$ ,  $\Gamma_{\text{вх2}}$  — значення комплексних коефіцієнтів відбиття на вході чотириполюсника для значень  $\Gamma_{\text{h1}}$ ,  $\Gamma_{\text{h2}}$  комплексних коефіцієнтів відбиття навантажень, відповідно;  $\Gamma_{\text{вих1}}$

— значення комплексного коефіцієнта відбиття на виході чотиріполюсника для значення  $\Gamma_{r1}$  комплексного коефіцієнта відбиття генератора;  
 $S_{11}, S_{22}, S_{12}, S_{21}$  — параметри матриці розсіювання чотиріполюсника.

Розв'язок системи (1) дозволяє отримати вирази для шуканих нестандартних S-параметрів:

$$S_{11} = \frac{\Gamma_{bx1}\Gamma_{h2}(\Gamma_{h1}\Gamma_{vix1} - 1) + \Gamma_{bx2}(\Gamma_{bx1}\Gamma_{h2}\Gamma_{r1} - \Gamma_{h1}(\Gamma_{bx1}\Gamma_{r1} + \Gamma_{vix1}\Gamma_{h2} - 1))}{\Gamma_{h1} - \Gamma_{h2} + \Gamma_{bx2}\Gamma_{h2}\Gamma_{r1} - \Gamma_{bx1}\Gamma_{h1}\Gamma_{r1} + \Gamma_{r1}(\Gamma_{bx1} - \Gamma_{bx2})\Gamma_{h1}\Gamma_{h2}\Gamma_{vix1}}, \quad (2)$$

$$S_{22} = \frac{(\Gamma_{h2} - \Gamma_{h1})\Gamma_{vix1} + \Gamma_{r1}(\Gamma_{bx1} - \Gamma_{bx1}\Gamma_{vix1}\Gamma_{h2} + \Gamma_{bx2}(\Gamma_{vix1}\Gamma_{h1} - 1))}{\Gamma_{h2} - \Gamma_{bx2}\Gamma_{h2}\Gamma_{r1} + \Gamma_{h1}(\Gamma_{r1}(\Gamma_{bx1} - \Gamma_{bx1}\Gamma_{vix1}\Gamma_{h2} + \Gamma_{bx2}\Gamma_{vix1}\Gamma_{h2}) - 1)}, \quad (3)$$

$$S_{12}S_{21} = \frac{(\Gamma_{bx1}\Gamma_{-bx2})(\Gamma_{h1} - \Gamma_{h2})(\Gamma_{bx1}\Gamma_{r1} - 1)(\Gamma_{bx2}\Gamma_{r1} - 1)(\Gamma_{vix1}\Gamma_{h1} - 1)(\Gamma_{vix1}\Gamma_{h2} - 1)}{(\Gamma_{h2} - \Gamma_{bx2}\Gamma_{h2}\Gamma_{r1} + \Gamma_{h1}(\Gamma_{r1}(\Gamma_{bx1} - \Gamma_{bx1}\Gamma_{vix1}\Gamma_{h2} + \Gamma_{bx2}\Gamma_{vix1}\Gamma_{h2}) - 1))^2}. \quad (4)$$

На другому етапі, можна показати, що за допомогою параметра  $S_{12}S_{21}$  та вимірюваного значення максимального-досяжного коефіцієнта підсилення чотиріполюсника  $K_{ms}$  [4], розрахунок значень інших нестандартних параметрів системи  $|S_{12}S_{21}|, |S_{12}|$  і  $|S_{21}|$  не викликає труднощів. Але це не є предметом даної роботи.

Очевидними перевагами розглянутого способу вимірювання нестандартної системи S-параметрів чотиріполюсника є, по-перше, простота, і, по-друге, відсутність необхідності двостороннього узгодження під час вимірювання комплексних коефіцієнтів відбиття.

В роботі ставиться задача дослідження похибок визначення трьох параметрів нестандартної системи  $S_{11}, S_{22}$  і  $S_{12}S_{21}$  за запропонованим опосередкованим способом їх вимірювання.

### Теоретичне обґрунтування оцінки методичних похибок способу

Результат  $Z$  будь-якого непрямого вимірювання визначається розрахунком за вимірюним значенням  $x_1, x_2, \dots, x_k$  і заздалегідь відомою функцією  $Z = f(x_1, x_2, \dots, x_k)$ . Оскільки кожне значення  $x_j$ , де  $j = 1, \dots, k$ , вимірює з відповідною похибкою  $\gamma_j$ , то задача розрахунку похибки  $\gamma_Z$  результату  $Z$  непрямих вимірювань зводиться до підсумування всіх  $k$  похибок вимірювання  $x_j$ .

Оскільки можливі функції  $Z = f(x_1, x_2, \dots, x_k)$  і співвідношення  $x_j$  можуть бути різноманітними, то для визначення чутливості похибки  $Z$  до зміни похибок  $x_j$  використовуємо відомий прийом [5], що полягає у визначенні частинних похідних

$$\frac{\partial Z}{\partial x_j} = \frac{\partial [f(x_1, \dots, x_k)]}{\partial x_j}. \quad (5)$$

Отримані таким шляхом значення  $\partial Z / \partial x_j$  в даному випадку  $x_1, x_2, \dots, x_k$  є вагами, з якими в сумарну абсолютну похибку  $\Delta Z$  входять складові у вигляді абсолютнох похибок вимірювання кожного з  $x_j$ . Звідси складова абсолютної похибки  $\Delta_j(Z)$ , що виникає від абсолютної похибки  $\Delta(x_j)$ , буде  $\Delta_j(Z) = (\partial Z / \partial x_j)\Delta(x_j)$ . Аналогічно цьому, якщо відомі середньоквадратичні відхилення (с. к. в.) випадкової абсолютної похибки  $\sigma(x_j)$  окремих  $x_j$ , то с. к. в. відповідних складових результуючої абсолютної похибки  $\Delta Z$  буде  $\sigma_j(Z) = (\partial Z / \partial x_j) \cdot \sigma(x_j)$ . Використовувані в процесі вимірювань величини  $x_j$  є некорельзованими, тому с. к. в. похибки непрямих вимірювань визначають з використанням відомого співвідношення [5]

$$\sigma(Z) = \sqrt{\sum_1^k \sigma_j^2(Z)} = \sqrt{\sum_1^k \left( \frac{\partial Z}{\partial x_j} \right)^2 \sigma^2(x_j)}. \quad (6)$$

З огляду на те, що метод частинних похідних для розрахунку результуючої похибки результату  $Z$  непрямих вимірювань правомірний тільки для абсолютнох похибок, відносні значення необхідно знаходити таким чином:

$$\delta_j = a_j \frac{\sigma_j(x_j)}{x_j}, \quad (7)$$

де  $a_j$  — коефіцієнти, обумовлені заданою довірчою імовірністю і законом розподілу параметрів  $x_j$ .

Виходячи з вищесказаного запропоновано такий алгоритм розрахунку відносної зведеності похибки  $\sigma(Z)$  визначення кожного з параметрів  $S_{11}$ ,  $S_{22}$  і  $S_{12}S_{21}$ .

На першому етапі, виходячи з отриманих виразів (2—4), розраховуємо в загальному вигляді частинні похідні згідно з виразом (5).

На другому етапі, використовуючи довідкове значення  $\delta_j$  і задаючись граничним значенням величини  $x_{jn}$ , на підставі (7) знаходимо  $\sigma_j(x_j)$ :

$$\sigma_j(x_j) = \frac{\delta_j x_{jn}}{a_j}. \quad (8)$$

На третьому етапі, підставляючи розраховані значення частинних похідних і значення, отримані з виразу (8) у (6) розраховуємо с. к. в.  $\sigma(Z)$  кожного з параметрів.

На четвертому етапі, підставляючи  $\sigma(Z)$  у (7) і задаючись межею вимірювання шуканого параметра, знаходимо зведене значення відносної похибки вимірювання кожного з параметрів.

### Оцінка похибки визначення параметрів

З (2) виразимо модуль  $|S_{11}|$  та фазу  $\varphi_{S_{11}}$  комплексного параметра  $S_{11}$  (отримані вирази досить об'ємні і не наводяться в даній роботі через обмеженість її обсягу). Спочатку оцінимо похибку визначення модуля  $|S_{11}|$ . Оскільки кількість параметрів, що впливають на загальну похибку визначення цього модуля  $\delta_{|S_{11}|}$ , рівна шести:  $\Gamma_{h1}, \Gamma_{h2}, \Gamma_{r1}, \Gamma_{bx1}, \Gamma_{bx2}, \Gamma_{vix1} \dots$  (а в разі виділення модуля та фази кожного з них рівна дванадцяти:  $|\Gamma_{h1}|, |\Gamma_{h2}|, |\Gamma_{r1}|, |\Gamma_{bx1}|, |\Gamma_{bx2}|, |\Gamma_{vix1}|, \varphi_{h1}, \varphi_{h2}, \varphi_{r1}, \varphi_{bx1}, \varphi_{bx2}, \varphi_{vix1}$ ), то доцільно дослідити вплив похибки  $\sigma_j(x_j)$  визначення кожного з них на величину загальної похибки. Для цього будемо вважати, що п'ять з шести параметрів  $x_j$  є ідеальними, а в результаті вимірювання модуля та фази параметра, що залишився, послідовно штучно вводимо дискретну відносну похибку в діапазоні від 0 до 10 % з кроком 2 %. Дослідимо вплив на загальну похибку визначення модуля  $|S_{11}|$  похибки визначення параметра  $\Gamma_{bx1}$ . Для цього експериментальним шляхом отримуємо:  $|\Gamma_{h1}| = 0,8; |\Gamma_{h2}| = 0,7; |\Gamma_{r1}| = 0,6;$   $\varphi_{h1} = 25\pi/180; \varphi_{h2} = 45\pi/180; \varphi_{r1} = 65\pi/180; |\Gamma_{bx1}| = 0,7889; |\Gamma_{bx2}| = 0,7985; |\Gamma_{vix1}| = 1,0034;$   $\varphi_{bx1} = -7,6577\pi/180; \varphi_{bx2} = -8,02012\pi/180; \varphi_{vix1} = -1,218\pi/180$  (в якості чотириполюсника використовувався біполярний транзистор типу КТ391, включений за схемою з загальною базою, робоча точка якого вибиралася в активній області вихідної ВАХ для  $I_k = 5 \text{ mA}$ ,  $U_{k6} = 5 \text{ В}$ ). Виконуємо послідовно дії алгоритму, описаного в попередньому пункті: знаходимо частинні похідні  $\partial |S_{11}| / \partial |\Gamma_{bx1}|$  і  $\partial |S_{11}| / \partial \varphi_{bx1}$ ; припускаємо нормальній закон розподілу параметрів  $x_j$ , для якого значення коефіцієнта  $a_j = 3$ ; задаємо граничні значення величин  $|\Gamma_{bx1}|_n = 0,9; \varphi_{bx1,n} = 170\pi/180$ ; за виразом (8) знаходимо с. к. в. окремих вимірювань для кожного з значень дискретної відносної похибки визначення модуля та фази  $\Gamma_{bx1}$  в діапазоні від 0 до 10 % з кроком 2 %; скориставшись виразами (6) та (7) і задавши граничне значення величини  $|S_{11}|_n = 1$ , отрима-

емо шукані оціночні значення відносної похибки визначення модуля  $|S_{11}|$  в залежності від похибки визначення  $\Gamma_{\text{вх}1}$ , на підставі яких побудовано графік (рис. 1а).

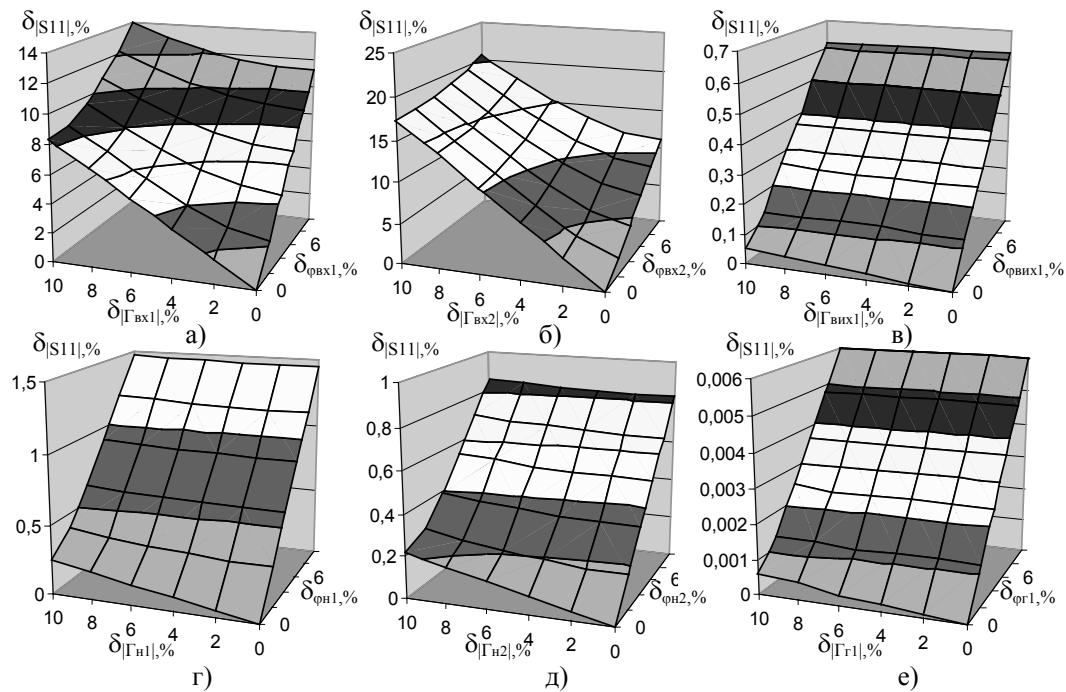


Рис. 1. Залежності відносної похибки визначення модуля  $|S_{11}|$  від параметрів  
 $\Gamma_{\text{вх}1}, \Gamma_{\text{вх}2}, \Gamma_{\text{вих}1}, \Gamma_{\text{h}1}, \Gamma_{\text{h}2}, \Gamma_{\text{г}1}$

Виходячи з аналогічних міркувань отримано залежності відносної похибки визначення модуля  $|S_{11}|$  від параметрів  $\Gamma_{\text{вх}2}, \Gamma_{\text{вих}1}, \Gamma_{\text{h}1}, \Gamma_{\text{h}2}, \Gamma_{\text{г}1}$  (рис. 1б—е).

Аналізуючи отримані дані, можна зробити висновок, що на похибку визначення модуля  $|S_{11}|$  не суттєво впливають похибки визначення навантажень. Максимальна загальна похибка у цьому випадку не перевищує 1,5 %, що зменшує вимоги до вибору самих навантажень. З графіків видно і те, що похибка визначення фази кожного із параметрів спровалює значно більший вплив на похибку визначення модуля  $|S_{11}|$ , ніж похибки визначення модулів параметрів. Загалом, максимальна загальна похибка у найгіршому випадку не перевищує 20 %, що цілком задовільно для діапазону НВЧ.

Наступним етапом є оцінка похибки визначення фази  $\varphi_{S_{11}}$  комплексного параметра  $S_{11}$ . Провівши аналогічні розрахунки і задавши граничне значення величини  $\varphi_{S_{11,n}} = 170\pi/180$ , отримаємо залежності, показані на рис. 2.

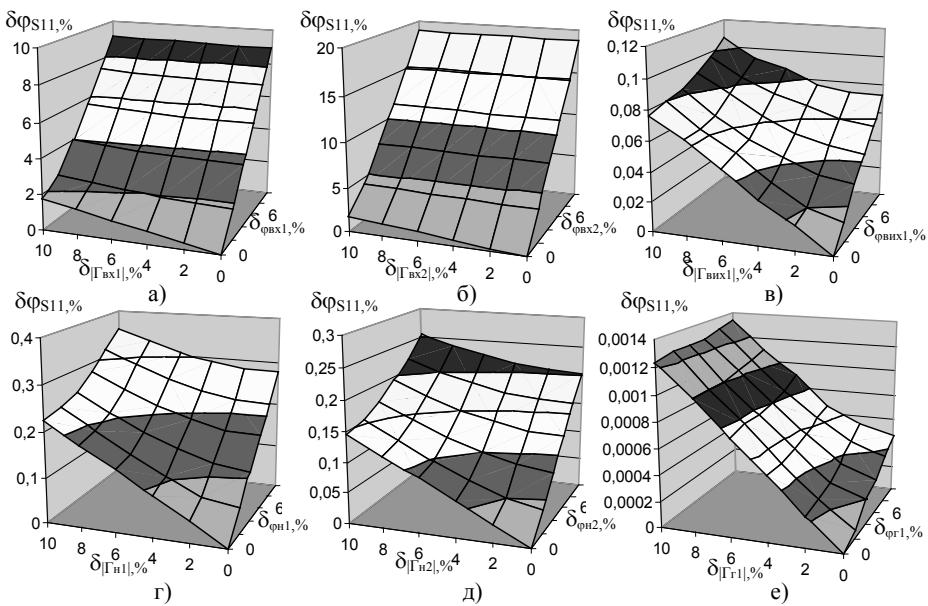


Рис. 2. Залежності відносної похибки визначення фази  $\varphi_{S_{11}}$  від параметрів  $\Gamma_{bx1}$ ,  $\Gamma_{bx2}$ ,  $\Gamma_{vix1}$ ,  $\Gamma_{h1}$ ,  $\Gamma_{h2}$ ,  $\Gamma_{r1}$

Отримані результати аналогічні попереднім. Максимальна похибка, що вноситься в кінцевий результат навантаженнями, не перевищує 0,4 %. Визначення фази  $\varphi_{S_{11}}$  також не залежить від коефіцієнта відбиття чотириполюсника на вихіді  $\Gamma_{vix1}$  (максимальна похибка в цьому випадку на рівні 0,1 %). Найбільше загальна похибка залежить від коефіцієнтів відбиття чотириполюсника на вході  $\Gamma_{bx1}$  і  $\Gamma_{bx2}$ , хоч і тут не перевищує 20 %.

З (3) визначимо модуль  $|S_{22}|$  та фазу  $\varphi_{S_{22}}$  комплексного параметра  $S_{22}$ , з (4) визначимо модуль  $|S_{12}S_{21}|$  та фазу  $\varphi_{S_{12}S_{21}}$  комплексного параметра  $S_{12}S_{21}$  та оцінимо похибки їх визначення за методикою аналогічною до оцінки похибок визначення комплексного параметра  $S_{11}$ . Отримані результати показані на рис. 3—6.

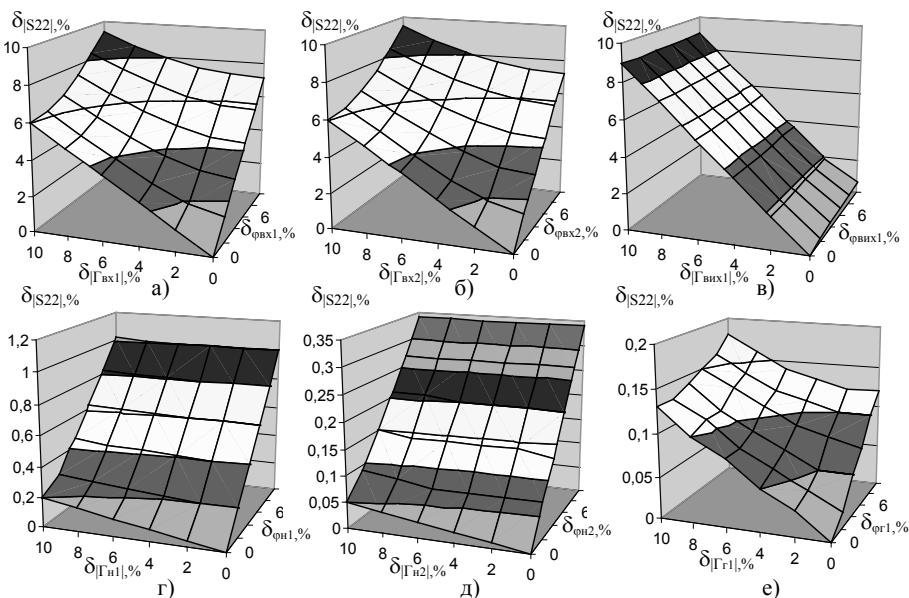


Рис. 3. Залежності відносної похибки визначення модуля  $|S_{22}|$  від параметрів  $\Gamma_{bx1}$ ,  $\Gamma_{bx2}$ ,  $\Gamma_{vix1}$ ,  $\Gamma_{h1}$ ,  $\Gamma_{h2}$ ,  $\Gamma_{r1}$

Як видно з рисунку, максимальна відносна похибка визначення модуля  $|S_{22}|$  не перевищує 10 % в залежності від параметрів  $\Gamma_{\text{bx}1}$ ,  $\Gamma_{\text{bx}2}$ ,  $\Gamma_{\text{вих}1}$  і в межах 1 % для параметрів  $\Gamma_{\text{h}1}$ ,  $\Gamma_{\text{h}2}$ ,  $\Gamma_{\text{r}1}$ . Це вказує на високу точність визначення даного параметра для діапазону НВЧ.

Як і в попередньому випадку, спостерігаємо (див. рис. 4) значно більшу залежність сумарної похибки  $\varphi_{S_{22}}$  від вхідних  $\Gamma_{\text{bx}1}$ ,  $\Gamma_{\text{bx}2}$  (не перевищує 5 %) та вихідного  $\Gamma_{\text{вих}1}$  (не перевищує 10 %) коефіцієнтів відбиття, ніж від коефіцієнтів відбиття навантажень  $\Gamma_{\text{h}1}$ ,  $\Gamma_{\text{h}2}$  і генератора  $\Gamma_{\text{r}1}$  (в обох випадках загальна похибка менше 1 %). Аналіз отриманих результатів також показує, що відносна похибка визначення фази  $\varphi_{S_{22}}$  в основному визначається похибкою фази параметрів, а вплив похибки модуля кожного з параметрів не перевищує 1 %.

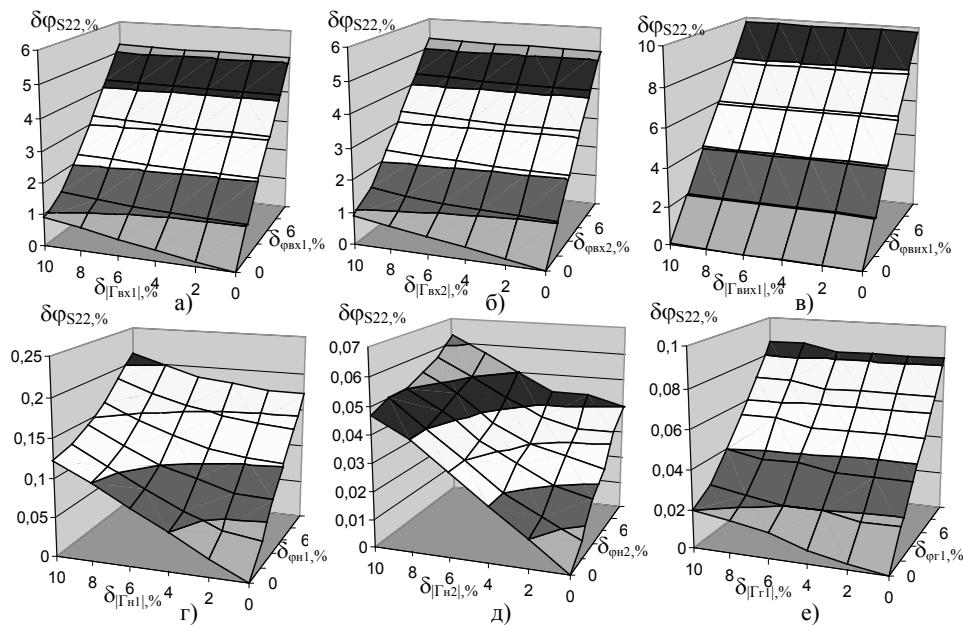


Рис. 4. Залежності відносної похибки визначення фази  $\varphi_{S_{22}}$  від параметрів  $\Gamma_{\text{bx}1}$ ,  $\Gamma_{\text{bx}2}$ ,  $\Gamma_{\text{вих}1}$ ,  $\Gamma_{\text{h}1}$ ,  $\Gamma_{\text{h}2}$ ,  $\Gamma_{\text{r}1}$

Проаналізувавши отримані дані для визначення відносної похибки модуля  $|S_{12}S_{21}|$  (рис. 5), бачимо, що максимальна похибка не перевищує 14 % в залежності від коефіцієнтів відбиття чотирипольосника на вході  $\Gamma_{\text{bx}1}$ ,  $\Gamma_{\text{bx}2}$ , в інших випадках лежить в межах 1,5 %.

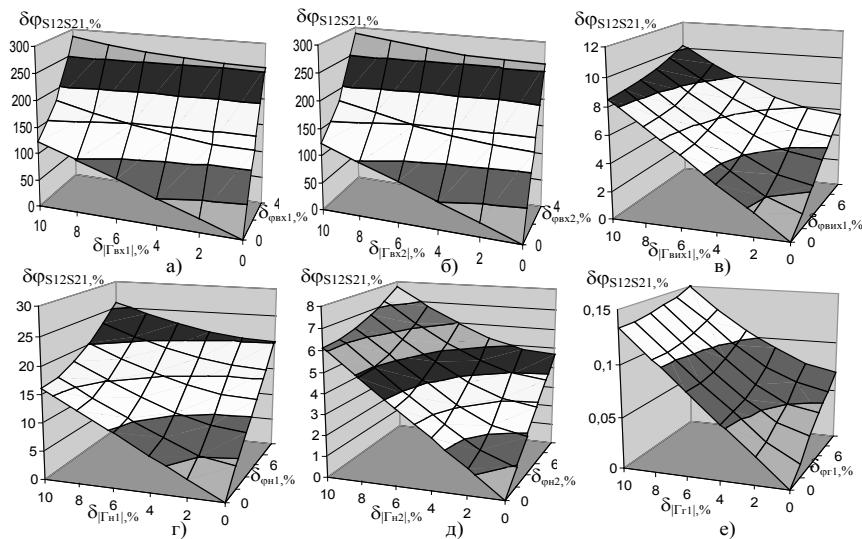
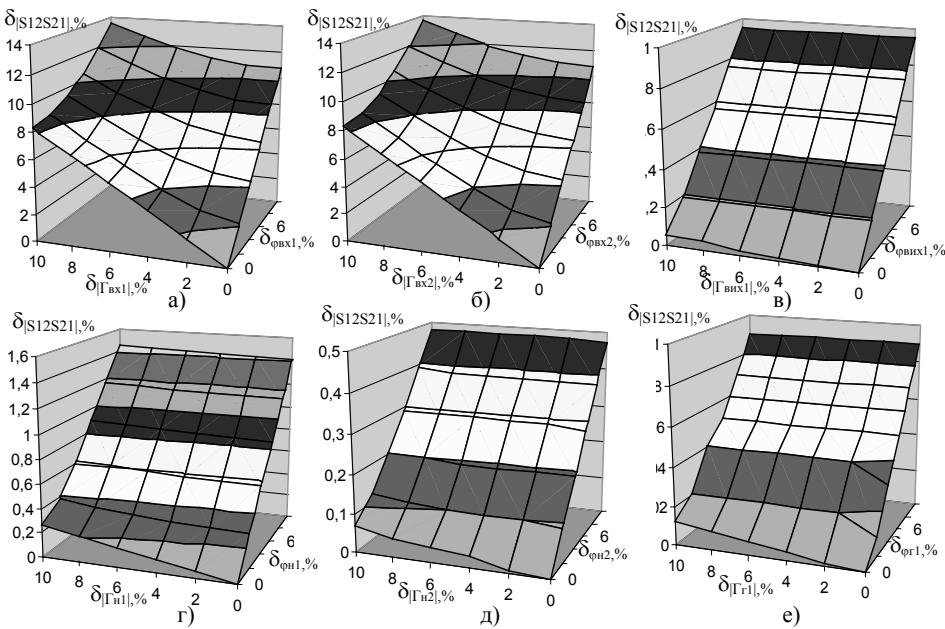


Рис. 5. Залежності відносної похибки визначення модуля  $|S_{12}S_{21}|$  від параметрів

$\Gamma_{\text{bx}1}$ ,  $\Gamma_{\text{bx}2}$ ,  $\Gamma_{\text{вих}1}$ ,  $\Gamma_{\text{h}1}$ ,  $\Gamma_{\text{h}2}$ ,  $\Gamma_{\text{r}1}$

Рис. 6. Залежності відносної похибки визначення фази  $\Phi_{S_{12}S_{21}}$  від параметрів $\Gamma_{\text{BX}1}, \Gamma_{\text{BX}2}, \Gamma_{\text{вих}1}, \Gamma_{\text{H}1}, \Gamma_{\text{H}2}, \Gamma_{\text{T}1}$ 

Як видно з рис. 6, відносна похибка визначення фази  $\Phi_{S_{12}S_{21}}$  дуже сильно залежить від похибки фази коефіцієнтів відбиття  $\Gamma_{\text{BX}1}, \Gamma_{\text{BX}2}$  чотириполюсника на вході і може привести до неправильних розрахунків. Тому в цьому випадку вимірювання потрібно проводити з особливою точністю. Залежність загальної похибки від інших параметрів припустима для НВЧ діапазону (в залежності від  $\Gamma_{\text{H}1}$  не перевищує 25 %, для інших параметрів — не перевищує 10 %).

### Висновки

Аналіз похибок опосередкованого способу визначення комплексних параметрів  $S_{11}, S_{22}$  і  $S_{12}S_{21}$  показав:

1. Величина значення похибки вимірювання фази коефіцієнта відбиття має значніший вплив, на загальну похибку, ніж похибка вимірювання модуля цього параметра. Тому необхідно з особливою точністю проводити вимірювання фази кожного з параметрів.

2. Величина значення похибок під'єднуваних навантажень майже не впливає на результат вимірювань (в основному не перевищує 1 %) і нею можна знехтувати. Це послаблює вимоги до вибору навантажень і спрощує процес вимірювань.

3. Значення похибок є задовільними для діапазону НВЧ (в основному не перевищують 20 %) і запропонований спосіб цілком можна використовувати для вимірювання параметрів  $S_{11}, S_{22}$  і  $S_{12}S_{21}$  чотириполюсників в діапазоні НВЧ.

### СПИСОК ЛІТЕРАТУРИ

- Шварц Н. З. Линейные транзисторные усилители СВЧ. — М.: Сов. радио, 1980. — 368 с.
- Бахтин Н. А., Шварц Н. З. Измерение S-параметров СВЧ транзисторов // Полупроводниковые приборы и их применение / Под ред. Я. А. Федотова. — М.: Советское радио, 1970. — Вып. 23. — С. 276—284.
- Филинук Н. А., Огородник К. В. Новые методы определения параметров активного четырехполюсника // Тр. МНТК «Информационные и электронные технологии в дистанционном зондировании». — Баку (Азербайджан), — 2004. С. 418—421.
- Богачев В. М., Никифоров В. В. Транзисторные усилители мощности. — М.: Энергия, 1978. — 344 с.
- Новицкий П. В., Заграф И. А. Оценка погрешностей результатов измерений. — Л.: Энергоатомиздат, 1985. — 246 с.

Рекомендована кафедрою проектування комп’ютерної та телекомунікаційної апаратури

Надійшла до редакції 21.12.04.

Рекомендована до друку 28.02.05.

**Філинюк Микола Антонович** — завідувач кафедри, **Огородник Костянтин Володимирович** — аспірант.

Кафедра проектування комп’ютерної та телекомунікаційної апаратури, Вінницький національний технічний університет